

FIMathesis e CRDM

Proposta di modifica delle Indicazioni Nazionali 2026

Matematica Liceo Classico / Licei non scientifici

Sezioni OSA-Conoscenze e Approfondimenti

Le modifiche sono evidenziate in grassetto

La proposta di modifiche non incide sulla struttura né sull'impostazione metodologica dell'attuale testo delle IN, che riteniamo condivisibili. Per questo motivo essa non interviene sulle sezioni *Introduzione allo studio della matematica e delle discipline scientifiche*, *Perché studiare matematica*, *Linee generali e competenze*, ma si limita a proporre modifiche e integrazioni alla sezione *Obiettivi specifici di apprendimento e conoscenze*, oltre a suggerire l'inserimento di un paragrafo *Approfondimenti - Ampliamenti* anche per il primo e il secondo biennio, in coerenza con quanto proposto nel documento presentato dalle associazioni matematiche.

Riteniamo che la considerazione di questo ulteriore contributo possa migliorare la leggibilità e la praticabilità delle nuove IN per gli insegnanti, e quindi la loro reale efficacia, rispondendo alla richiesta di chiarezza, essenzializzazione e definizione emersa sia dalle osservazioni delle associazioni matematiche sia dalla consultazione svolta tra i docenti.

Per quanto riguarda la richiesta, largamente condivisa, di indicare le competenze essenziali e i contenuti da considerare irrinunciabili, riteniamo opportuno prendere in considerazione la possibilità di trasferire alcuni obiettivi dalla sezione *OSA e Conoscenze* a quella *Approfondimenti*, così da alleggerire le Indicazioni e renderle più praticabili, in particolare tenendo conto del limitato monte ore di matematica nei licei non scientifici.

Si tratta di un'operazione che, per coerenza e per rispetto dell'impianto complessivo del testo, non può che essere svolta da chi ha ideato ed elaborato le Indicazioni.

Per questo indichiamo in rosso gli obiettivi che, a nostro parere, potrebbero essere accorpati o inseriti negli approfondimenti, contrassegnandoli con un asterisco che rinvia a un commento.

OBIETTIVI SPECIFICI DI APPRENDIMENTO E CONOSCENZE

PRIMO BIENNIO

Per garantire continuità e orientare lo sviluppo del curriculum, nel primo biennio sono stati mantenuti i nuclei tematici del primo ciclo, rinominati ove ritenuto opportuno per evidenziare il passaggio dall'esplorazione alla costruzione di teorie. Così, dal nucleo "Numeri" si passa ad "Aritmetica e Algebra" e da "Spazio e figure" a "Geometria"; "Dati e previsioni" diventa "Analisi di dati, Statistica e Probabilità". Il nucleo "Funzioni" indica l'esplorazione delle rappresentazioni grafiche e delle proprietà di diversi tipi di funzioni di una variabile reale, che sono utili anche per altre materie. Il nucleo "Informatica" prosegue lo sviluppo delle tematiche disciplinari introdotte nel primo ciclo. Infine, il nucleo trasversale "Linguaggio degli insiemi e delle funzioni, logica e linguaggio" evidenzia gli obiettivi di consapevolezza della struttura logica e linguistica del pensiero matematico. Tali obiettivi, pur rivestendo un carattere fondamentale, sono collocati per

ultimi, a sottolineare che il loro raggiungimento è possibile solo in modo graduale e in stretta connessione con il lavoro svolto negli altri nuclei.

ARITMETICA E ALGEBRA

Alla fine del primo biennio, in diversi contesti, interni alla matematica o appartenenti ad altri ambiti, lo studente è in grado di operare con i numeri interi e con i numeri razionali, utilizzando consapevolmente le proprietà delle operazioni, e scegliendo, a secondo dei casi, rappresentazioni dei numeri comode per il calcolo o per l'intuizione; usa il linguaggio algebrico per modellizzare situazioni, porre problemi ed esplorarli, cercando esempi e controesempi, congetturando e argomentando; riconosce quando sia opportuno ricorrere a semplici equazioni o sistemi di primo e secondo grado per formalizzare e risolvere problemi; esegue calcoli numerici e letterali, sostenuto dalla comprensione del significato dei simboli e delle procedure, con un livello di abilità adeguato al livello scolastico, che non richiede tecnicismi eccessivi.

In particolare, lo studente è in grado di:

- tradurre in formule istruzioni di calcolo espresse a parole, e viceversa;
- eseguire operazioni e semplici espressioni di calcolo con numeri **interi**, anche a mente, **e razionali**, essendo consapevole delle proprietà e delle strategie usate; descrivere in termini generali tali proprietà mediante espressioni letterali;
- ricorrere in modo appropriato a diversi strumenti di calcolo, quando opportuno;
- rappresentare i numeri sulla retta; usare scale graduate di diverso tipo **in contesti numerici, geometrici e applicativi**.

Inoltre, basandosi su una varietà di esempi incontrati in situazioni e problemi di interesse relativi a tutti i nuclei, e opportunamente orientato dal docente a riflettere, generalizzare e dimostrare, lo studente è in grado di:

- riconoscere e usare consapevolmente le proprietà delle operazioni; riconoscere, applicare e giustificare le proprietà delle potenze ~~interi e di un numero~~, **con esponente naturale e intero negativo di un numero**;
- manipolare e trasformare espressioni letterali, come **operazioni tra polinomi**, il quadrato di una somma di termini, la differenza di due quadrati e **di due cubi** e la somma di semplici frazioni algebriche, in funzione degli obiettivi che si hanno, comprendendo il significato che tali espressioni e trasformazioni assumono in diversi contesti e situazioni;
- determinare l'insieme delle soluzioni di un'equazione di primo grado in un'incognita x , riconducendola alla forma $ax=b$ e affrontando consapevolmente il caso $a=0$;
- determinare le soluzioni di semplici equazioni di secondo grado, utilizzando la formula risolutiva, di cui sa giustificare la validità, **la legge di annullamento del prodotto** o altri procedimenti, quando più convenienti;
- fornire diversi esempi di numeri primi, e dimostrare che i numeri primi sono infiniti;
- riconoscere che esistono numeri positivi a che non possono essere espressi come quadrato di un numero razionale (usare $\sqrt{2}$ come esempio fondamentale); usare il simbolo $\sqrt{a}$ come un numero e razionalizzare espressioni del tipo $(b+\sqrt{a})^{-1}$;
- comprendere che i numeri utilizzati nei calcoli e nelle misure appartengono a un insieme, detto dei numeri reali, del significato di π e delle radici il quale è in corrispondenza biunivoca con l'insieme dei punti della retta e contiene in particolare i numeri razionali, il numero π greco, le radici dei numeri razionali non negativi; **rappresentare i numeri reali sulla retta geometrica**; riconoscere che **l'insieme dei numeri reali** è chiuso rispetto alle operazioni di

somma, prodotto, differenza, divisione per numeri diversi da 0 ed estrazione di radice di numeri non negativi.

FUNZIONI

Attraverso la pluralità di problemi che gli vengono presentati, lo studente sviluppa progressivamente il linguaggio degli insiemi e il concetto di funzione, riconoscendo la loro utilità per descrivere gli oggetti matematici e le relazioni tra essi. In particolare,

- riconosce che in diverse situazioni la risposta a un problema è una funzione dei dati e che, **come relazione tra grandezze**, può essere utile rappresentarla con espressioni letterali, grafici, tabelle, descrizioni a parole, a seconda degli scopi che si hanno;
- rappresenta il grafico delle funzioni $y=x^2$, $y=x^3$, $y=1/x$, $y=\sqrt{x}$, $y=|x|$ a partire dal grafico della funzione $y=x$, attraverso ragionamenti qualitativi, riconoscendone dominio, codominio e simmetrie e individuando alcuni punti dei grafici che si calcolano facilmente;
- descrive i grafici delle funzioni del tipo $f(x)$, $f(ax)$, $f(x-b)$, $f(x)+c$ e analizza come varia il loro comportamento al variare dei parametri a , b , c a partire dal grafico di una funzione f ;
- rappresenta il grafico e descrive il comportamento di funzioni $y=g(x)$ molto semplici, ottenute come somma, prodotto o composizione di funzioni dei tipi sopra indicati; in particolare determina il segno e gli zeri di tali funzioni, affrontando così lo studio di equazioni del tipo $g(x)=0$ e disequazioni del tipo $g(x)>0$;
- descrive esempi di contesti e situazioni nei quali funzioni del tipo indicato, anche definite a tratti, vengono usate come modelli di fenomeni naturali o di dispositivi artificiali;
- determina l'insieme delle soluzioni di qualche sistema di equazioni in una o più incognite che incontra in situazioni di interesse e interpreta il significato del sistema e delle soluzioni nei relativi contesti;
- riconosce la funzione $x=\sqrt{y}$, definita per $y \geq 0$, come funzione inversa della funzione che associa a ogni numero reale non negativo x il numero $y=x^2$; estende tale concetto alla potenza n -esima.

GEOMETRIA

Nel contesto di situazioni e problemi significativi, lo studente consolida gradualmente nel corso del biennio le abilità di riconoscere, descrivere, **costruire** e riprodurre figure geometriche nel piano, anche usando le coordinate, nonché di riconoscere e rappresentare gli effetti di simmetrie, rotazioni, traslazioni e similitudini; consolida, inoltre, le abilità di visualizzare e rappresentare - mediante disegni, modelli, **costruzioni** - semplici figure nello spazio. Tutto questo si intreccia con la progressiva comprensione della geometria euclidea come sistema teorico.

In particolare, lo studente

- riconosce ed enuncia le principali proprietà degli enti geometrici, organizzandole in una rete di connessioni e catene deduttive, **anche attraverso costruzioni geometriche con riga e compasso, piegatura della carta, materiali poveri e software di geometria dinamica**, in modo da comprendere il significato dei termini assioma, definizione, **costruzione**, teorema, dimostrazione ed è in grado di usarli correttamente;
- riconosce la struttura assiomatica della geometria euclidea e comprende, anche attraverso la discussione del V postulato, il ruolo degli assiomi come scelte fondative da cui si sviluppa un sistema di teoremi;
- dimostra, nell'ambito di tale sistema, alcuni risultati classici, come il Teorema di Pitagora e il suo inverso, le proprietà **dei triangoli**, dei parallelogrammi, la relazione tra angoli al centro e angoli alla circonferenza, i teoremi di Euclide, i criteri di similitudine per i triangoli;

- determina il perimetro e l'area di figure piane (**quali triangoli, quadrilateri, poligoni regolari e cerchio**), nonché l'area di superfici e il volume di solidi nello spazio (**quali prismi, cilindri, piramidi, coni e sfere**), scomponendo o ricomponendo le figure;
- descrive e spiega il diverso comportamento di lunghezza, area e volume ~~rispetto rispetto a un cambiamento di scala~~ **di figure simili.**

ANALISI DI DATI, STATISTICA, PROBABILITÀ

Nel contesto di situazioni e problemi significativi, sia interni alla matematica sia collegati ad altre discipline, lo studente raccoglie, rappresenta e archivia dati in diversi formati, eventualmente anche usando metodi e strumenti dell'informatica, e distinguendo differenti tipi di caratteri e scale. Tra gli altri, considera dati relativi a esperimenti aleatori ideali, come l'estrazione da urne e il lancio di monete o dadi, e comincia a riconoscere le relazioni tra situazioni reali e modelli ideali. In casi semplici, lo studente è in grado di

(*1)

- rappresentare distribuzioni di frequenze **assolute, relative e percentuali** e determinare diversi indici di posizione: media, **moda**, mediana, percentile **e le principali rappresentazioni grafiche dei dati;**
- calcolare la distanza interquartile, rappresentarla graficamente, e interpretarla come indice di dispersione;
- illustrare il significato di tali indici, utilizzarli per confrontare tra loro le distribuzioni e scegliere **l'indice più adatto al problema considerato.**

Nel contesto di semplici esempi di esperimenti aleatori che hanno un insieme finito di esiti possibili, costruisce il concetto di evento e di probabilità di un evento. In particolare,

- confronta eventi diversi e decide se è ragionevole ritenere due eventi ugualmente probabili, oppure se uno dei due è più probabile dell'altro;
- attribuisce un valore numerico alla probabilità di un evento quando gli eventi elementari si ritengono ugualmente probabili, oppure sulla base di dati statistici; sa spiegare perché prende tali decisioni;
- sviluppa un linguaggio, anche simbolico, per descrivere l'insieme degli eventi, pensandoli come sottoinsiemi di un opportuno spazio;
- riconosce che la probabilità si può pensare come una funzione che associa a ogni evento un numero compreso fra zero e uno e ha la proprietà di essere additiva sugli eventi disgiunti;
- calcola, in diverse situazioni, la probabilità di eventi conoscendo la probabilità di altri eventi attraverso **l'uso del complementare e l'additività della probabilità.**

INFORMATICA

A partire da semplici esempi di algoritmi, anche incontrati nell'ambito degli altri nuclei, implementati con un opportuno linguaggio di programmazione, lo studente rafforza la sua abilità di

- analizzare un algoritmo o un programma per capirne il comportamento, identificarne eventuali difetti e correggerli;
- scrivere semplici programmi con strutture di controllo e condizioni, anche utilizzando variabili;
- valutare l'esito di un algoritmo o di un programma seguendone i passi e tenendo traccia del valore delle variabili.

Su questa base, con riferimento ad esempi significativi e in situazioni semplici, quali, ad esempio, la ricerca e l'ordinamento per una sequenza di numeri o di parole,

- sviluppa i concetti di esecuzione automatica di algoritmi, correttezza ed efficienza di algoritmi e programmi, rappresentazione dello stato di un programma informatico in esecuzione;
- riconosce le relazioni tra le modalità di rappresentazione dei dati e l'efficacia della loro elaborazione attraverso algoritmi e programmi informatici;

Inoltre, comprende l'importanza del punto di vista dell'utente (bisogni, competenza, contesto d'uso) nella definizione e realizzazione di soluzioni informatiche e acquisisce consapevolezza del legame tra le modalità con cui i problemi vengono risolti attraverso strumenti informatici e le conseguenze che tali soluzioni producono sul piano sociale, culturale ed etico anche nel caso di sistemi basati su tecniche dell'intelligenza artificiale.

*LINGUAGGIO DEGLI INSIEMI, **DELLE RELAZIONI E DELLE FUNZIONI**, LOGICA E LINGUAGGIO VERBALE*

Stimolato da specifiche questioni che ha incontrato, lo studente

- riflette sulla forma e sulla struttura di enunciati e ragionamenti, riconoscendo le specificità dell'uso matematico di parole come "e", "o", "non", "se... allora";
- individua ipotesi e tesi negli enunciati formulati come implicazioni e riconosce le dimostrazioni per assurdo;
- acquisisce consapevolezza e precisione nell'uso del linguaggio ordinario **attraverso il confronto tra uso ordinario e uso matematico del linguaggio e la formulazione di enunciati in forma più precisa.**

Inoltre, si appropria progressivamente del linguaggio elementare degli insiemi e **dei concetti generale di relazione e di funzione** e li usa per descrivere problemi e situazioni, ~~ogni volta che è opportuno~~; in particolare è in grado di usare le operazioni e le relazioni tra insiemi, delle quali riconosce e sa descrivere ~~le più semplici proprietà~~ le relazioni di **appartenenza e inclusione, le operazioni di unione, intersezione, differenza e complementazione**, e sa rappresentarle con i **diagrammi di Venn**.

APPROFONDIMENTI - AMPLIAMENTI PRIMO BIENNIO

Nel primo biennio, in coerenza con la struttura degli approfondimenti successivi, possono essere proposti percorsi brevi volti a consolidare e approfondire la comprensione dei concetti fondamentali e a far emergere il valore culturale della matematica. Tali percorsi possono riguardare il significato storico e teorico del metodo deduttivo nella geometria greca, l'esistenza di soli cinque poliedri regolari (i solidi platonici), il problema dei numeri irrazionali, il passaggio dal linguaggio ordinario al linguaggio simbolico, l'uso di formule, tabelle e grafici per descrivere relazioni tra grandezze, la lettura critica di dati statistici elementari e il concetto di algoritmo come procedura rigorosa. In questa prospettiva, significative connessioni tra matematica, filosofia, storia della scienza e arti figurative possono contribuire a rendere più consapevole la formazione matematica dello studente.

SECONDO BIENNIO

Nel secondo biennio lo studente utilizza, in situazioni via via più complesse e diversificate, quanto appreso nel primo biennio e sviluppa nuove conoscenze, competenze e punti di vista. In ogni caso, l'attenzione è rivolta allo sviluppo dell'intuizione, alla precisione del linguaggio e alla correttezza del ragionamento in situazioni semplici e significative, più che all'acquisizione di tecniche di calcolo in situazioni complicate. Gli obiettivi sono organizzati nei seguenti nuclei tematici: Funzioni e modelli (che comprende i primi elementi del Calcolo differenziale e integrale); Geometria e Algebra; Analisi di dati, Statistica e Probabilità. Come per gli altri periodi del percorso liceale, gli obiettivi sono intesi come traguardi da conseguire al termine del biennio. L'ordine con cui essi sono qui presentati non intende in alcun modo prefigurare la scansione didattica della loro proposta nelle classi. Assumono, infatti, crescente rilievo le interconnessioni tra i nuclei: concetti, strumenti e linguaggi sviluppati nei diversi ambiti si collegano tra loro e contribuiscono alla costruzione di un quadro unitario e coerente. Tali legami possono essere opportunamente evidenziati e valorizzati nei percorsi didattici, nei quali ogni nucleo può essere gradualmente sviluppato fin dall'inizio del biennio. Ciò vale in particolare per Analisi di dati, Statistica e Probabilità e per i primi elementi del Calcolo differenziale e integrale, i cui problemi, concetti e metodi hanno bisogno di tempo per maturare e il cui studio può efficacemente essere avviato insieme a Funzioni e modelli e Geometria e Algebra, anche per favorire gli opportuni raccordi con l'insegnamento della fisica. Resta all'autonomia e alla responsabilità delle istituzioni scolastiche e dei docenti definire i percorsi formativi, nonché i tempi dell'insegnamento e dello svolgimento delle singole discipline e attività, nel modo più adeguato al tipo di studi e ai ritmi di apprendimento degli studenti.

FUNZIONI E MODELLI

Lo studente riprende in considerazione e studia sistematicamente alcune famiglie di funzioni elementari che ha incontrato nel primo biennio. Ne approfondisce le proprietà, l'origine storica ove opportuno, e le usa per rappresentare e interpretare fenomeni naturali o sistemi artificiali. In particolare, è in grado di

- rappresentare il grafico e descrivere il comportamento delle funzioni del tipo: $y = ax + b$, $y = m(x-p)^2 + q$, $y = cx^k$ **attraverso lo studio del loro dominio, dei loro zeri, del segno, della monotonia e del ruolo dei parametri. nella descrizione dell'andamento qualitativo dei grafici.**

Inoltre, lo studente è in grado di

- illustrare le proprietà della funzione esponenziale $f(k)=a^k$, con k intero non negativo, e di usarla come modello per descrivere l'evoluzione di fenomeni naturali; giustificare la sua estensione ai numeri interi negativi e ai numeri razionali, anche facendo riferimento al suo significato in diversi contesti;
- rappresentare il grafico e ricavare il comportamento e le proprietà della funzione logaritmo a partire da quelle della funzione esponenziale;
- discutere le ragioni dell'importanza storica del logaritmo;
- portare esempi di scale logaritmiche di uso comune e illustrare le ragioni della loro utilità;
- riconoscere e interpretare i rapporti tra i lati di un triangolo rettangolo come funzioni goniometriche; motivare l'estensione di tali funzioni all'insieme dei numeri reali e rappresentare qualitativamente i loro grafici; **risolvere triangoli e riconoscere il collegamento tra misura degli angoli e relazioni tra lati.**
- usare le formule di somma per il seno e il coseno, comprendendone il significato geometrico e fisico e le possibili applicazioni;
- illustrare il comportamento delle funzioni del tipo $y = a \sin(kx + \varphi)$ e usarle per descrivere fenomeni ondulatori **sinusoidali e la modellizzazione di fenomeni periodici;**
- rappresentare qualitativamente il grafico di qualche funzione significativa dei tipi indicati in precedenza, che incontra in problemi di interesse, eventualmente risolvendo in tale contesto

semplici equazioni o disequazioni, di cui interpreta il significato **e il passaggio dal registro algebrico a quello grafico.**

Lo studente comprende come i problemi di determinare l'area delle figure e le tangenti alle curve motivano lo studio dei processi di approssimazione e conducono ai concetti di integrale, derivata e limite di successioni e funzioni. Lo studente è in grado di usare tali concetti in modo intuitivo per analizzare il comportamento delle famiglie di funzioni e modelli che conosce. In particolare, lo studente è in grado di

- illustrare un'idea intuitiva di integrale di una funzione, basata sulla nozione di area del sottografico e sull'approssimazione con funzioni costanti a tratti, e di interpretarne il significato in diversi contesti;
- illustrare il concetto di rapporto incrementale di una funzione in un intervallo e spiegarne l'interpretazione sia come pendenza di un'opportuna retta secante al grafico, sia come velocità media;
- illustrare un'idea intuitiva della derivata di una funzione f in un punto x come valore limite del rapporto incrementale, interpretando la derivata come velocità istantanea o come pendenza del grafico; descrivere e disegnare il grafico della funzione derivata, in semplici casi, anche per funzioni definite a tratti;
- illustrare una nozione intuitiva di limite di una successione e di una funzione e le sue proprietà.

GEOMETRIA E ALGEBRA

Nel secondo biennio, a partire dall'intuizione e dalle proprietà degli enti geometrici euclidei, lo studente sviluppa il linguaggio dei vettori e delle coordinate cartesiane, e le relazioni tra descrizioni geometriche e algebriche di figure e trasformazioni. In particolare, lo studente è in grado di

- **determinare le misure degli elementi di triangoli qualsiasi mediante i teoremi dei seni e del coseno**
- rappresentare geometricamente e analiticamente la combinazione lineare di due vettori con coefficienti assegnati, nonché la retta generata da un vettore non nullo e il piano generato da due vettori non allineati;
- descrivere una retta o un piano come insieme delle soluzioni di un'equazione o di un sistema lineare, di cui discute la risolubilità, in casi semplici;
- descrivere algebricamente qualche semplice trasformazione geometrica e comprenderne il comportamento lineare.
- ricavare i vertici e le proprietà di simmetria di una conica tramite un'opportuna equazione;
- descrivere un tratto di una conica come grafico di una funzione della variabile x o della variabile y , a seconda delle necessità e delle possibilità, in contesti e situazioni di interesse;
- descrivere le proprietà geometriche che caratterizzano i diversi tipi di conica;
- illustrare la caratterizzazione delle coniche come sezioni di un cono, nonché la loro importanza nello sviluppo storico del pensiero scientifico e nella tecnica;
- collocare la nascita della geometria analitica di Cartesio nel contesto filosofico, e illustrare la sua influenza sul successivo sviluppo del Calcolo infinitesimale.

ANALISI DI DATI, STATISTICA E PROBABILITÀ

In esempi semplici e significativi, lo studente è in grado di

- interpretare la varianza e la deviazione standard di una distribuzione di dati in una variabile come indici di dispersione;
- riconoscere eventi indipendenti, calcolare probabilità condizionate e applicare la formula di Bayes in contesti quotidiani, interpretandone il significato;

- leggere una tabella a doppia entrata di frequenze, con le frequenze di riga e di colonna, relativa a due variabili **qualitative o quantitative**; usare la tabella per osservare andamenti regolari e anomalie, nonché per valutare dipendenza e indipendenza tra le variabili tramite **indici qualitativi**

- rappresentare dati in forme che ne consentano l'elaborazione e l'analisi, anche con l'uso di strumenti informatici, inclusi quelli basati su intelligenza artificiale;

(*2)

- **determinare le distribuzioni relative agli esiti di semplici esperimenti aleatori ideali, in particolare la distribuzione binomiale; usare il concetto intuitivo di distribuzione continua e di funzione di ripartizione, per calcolare la probabilità di eventi di interesse.**

APPROFONDIMENTI – AMPLIAMENTI SECONDO BIENNIO

Nel secondo biennio, alcuni percorsi di approfondimento possono essere orientati a consolidare il valore teorico, storico e interdisciplinare della matematica. In particolare, si possono proporre approfondimenti sulla nascita della geometria analitica e sul rapporto tra algebra e geometria, sul significato culturale delle coniche nella matematica greca e nella scienza moderna, sul problema dell'infinito e dei processi di approssimazione, sui modelli di crescita esponenziale e periodica, sulla lettura critica di dati statistici tratti da contesti sociali o storici, sul significato della probabilità e della formula di Bayes, nonché su figure e momenti decisivi della storia del pensiero matematico, come Cartesio, Fermat, Pascal, Newton e Leibniz.

QUINTO ANNO

Lo studente sviluppa la comprensione delle idee elementari dell'analisi matematica e del loro legame con la nascita della scienza moderna. Inoltre, è in grado di approfondire, anche con la guida del docente e in relazione alle proprie intenzioni di studio e di lavoro, temi di interesse personale, nonché di riflettere retrospettivamente sul percorso compiuto. In questo modo, matura una visione complessiva di ciò che ha appreso, che diventa uno strumento utile per orientarsi consapevolmente verso gli studi successivi e il futuro professionale. È così in grado di comprendere e discutere alcuni esempi delle relazioni storicamente intrecciate tra Matematica, Arte e pensiero filosofico.

ELEMENTI DI ANALISI MATEMATICA

A partire dalle idee intuitive acquisite nel secondo biennio, lo studente sviluppa i concetti fondamentali dell'analisi e le loro interconnessioni, e li usa per studiare il comportamento di semplici funzioni e modellizzare fenomeni in diversi contesti. In particolare, è in grado di

- illustrare la definizione del concetto di limite e le sue proprietà;
- giustificare una formula per la derivata di alcune semplici funzioni, in particolare della funzione esponenziale, della funzione logaritmo e delle funzioni seno e coseno;
- giustificare una formula per la derivata della somma, del prodotto e della composizione di due funzioni derivabili;
- scrivere l'equazione della retta tangente al grafico di una funzione in un punto;
- calcolare la derivata prima di semplici funzioni e discutere le informazioni che la derivata permette di ottenere sull'andamento della funzione di partenza; applicare queste proprietà per risolvere problemi in diversi contesti; enunciare il Teorema fondamentale del Calcolo e illustrare il suo significato e qualche applicazione.

Infine, lo studente conosce esempi di equazioni differenziali e ne interpreta il significato in diversi contesti, ad esempio la crescita di una popolazione e il moto armonico. Lo studente è inoltre in grado di illustrare l'origine storica delle equazioni differenziali in connessione con la formulazione delle leggi della meccanica e della gravitazione universale da parte di Isaac Newton, nonché di discutere come questo nuovo modo di descrivere la Natura ha influito sulla nascita della scienza moderna e sul pensiero filosofico.

APPROFONDIMENTI – AMPLIAMENTI QUINTO ANNO

Lo studente, con la guida del docente e valorizzando interessi e approfondimenti personali, svolge un percorso di studio, eventualmente nell'ambito di progetti che coinvolgono università, enti di ricerca, musei, istituzioni culturali e il mondo del lavoro, nell'ambito del quale esercita e sviluppa la capacità di

- discutere il ruolo della matematica in qualche ambito del sapere, con eventuali riferimenti allo sviluppo storico del pensiero e della società;
- presentare una questione di matematica che approfondisce un argomento studiato o ne introduce di nuovi.

Inoltre, riflette sulla propria capacità di affrontare problemi e studi ulteriori con gli strumenti matematici e informatici acquisiti, anche in relazione a un eventuale percorso universitario di interesse.

Ad esempio, ferma restando l'autonomia dei docenti e degli studenti nelle scelte, tra i possibili temi di approfondimento e collegamento interdisciplinare si indicano: qualche teoria assiomatica – come le Geometrie non euclidee o i numeri naturali di Peano; modelli formali del linguaggio e del ragionamento, dall'epoca classica all'era dell'intelligenza artificiale; gli insiemi infiniti, numerabili e non numerabili; i poliedri e le simmetrie; le relazioni tra matematica, scienza e filosofia.

Gli approfondimenti sono altresì un'occasione di riflessione retrospettiva sugli studi compiuti, al fine di apprezzare la loro unità culturale e di comprenderne meglio il senso complessivo nell'orizzonte degli obiettivi generali del Liceo Classico. In conclusione, lo studente avrà dunque gli elementi di conoscenza e le competenze per discutere il ruolo della matematica nel mondo classico come elemento fondamentale del pensiero filosofico e della formazione dell'individuo, per confrontarlo con i nuovi caratteri che la matematica assume nel mondo moderno in relazione ai diversi ambiti dell'attività umana.

(*1)

Si propone di accorpare i tre obiettivi in due frasi, ad esempio:

- rappresentare, sia in forma tabellare sia grafica, dati e distribuzioni di frequenze assolute, relative e percentuali e determinare diversi indici di posizione (media, moda, mediana, percentile) e di dispersione (campo di variazione) e rappresentarli graficamente
- illustrare il significato di tali indici, utilizzarli per confrontare tra loro le distribuzioni e scegliere l'indice più adatto al problema considerato.

(*2)

Si propone di trasferire l'obiettivo negli approfondimenti del secondo biennio.

